

ВЫЧИСЛЕНИЕ СОБСТВЕННЫХ ЧАСТОТ РАДИАЛЬНО-УГЛОВЫХ КОЛЕБАНИЙ РОТОРА В ЩЕЛЕВЫХ УПЛОТНЕНИЯХ

Жулёв А.А., студент, СумГУ, г. Сумы

Вибросостояние любой роторной машины, в том числе центробежной, определяется, прежде всего, динамикой ротора. Отстройка ротора от резонансных режимов на стадии проектирования требует вычисления его собственных и критических частот. Особенностью роторов центробежных насосов является то, что они вращаются в щелевых уплотнениях, на которых дросселируются большие перепады давления. В результате, со стороны нестационарного потока вязкой жидкости в кольцевых зазорах уплотнений на ротор действуют радиальные гидродинамические силы и моменты, оказывающие решающее влияние на динамику ротора и на вибросостояние машины в целом.

На ротор действуют силы давления различной природы: инерционные, потенциальные, демпфирующие, гироскопические и циркуляционные. Все они зависят от конструкции уплотнений и по-разному влияют на вибрации. Оценка этого влияния на собственные частоты позволяет создавать конструкции щелевых уплотнений, обеспечивающих требуемую отстройку от резонансных режимов. Таким образом, задача вычисления собственных частот ротора в щелевых уплотнениях имеет важное практическое значение.

Для решения поставленной задачи используются выражения сил и моментов, полученные в работе [1]. В качестве объекта анализа принят однодисковый невесомый, упругий ротор с диском между жесткими опорами и консольный ротор (рис.1). Диск расположен в двух одинаковых щелевых уплотнениях, на которых дросселируется одинаковый осевой перепад давления Δp_0 .

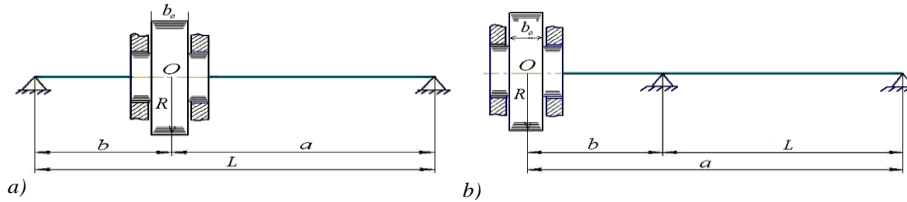


Рисунок 1 – Типовые схемы

однодискового ротора в щелевых уплотнениях:
a – с диском между опорами, *b* – консольного

Колебания диска определяются двумя радиальными координатами его геометрического центра и двумя углами поворота главных центральных осей инерции относительно их положения в начальном недеформированном состоянии вала. Осевые смещения диска не учитываются из-за их малости.

С учетом гидродинамических сил и моментов уравнения свободных колебаний с комплексными переменными имеют вид:

$$\begin{aligned}
 & a_1 \ddot{u} + a_2 \dot{u} + a_3 u \mp i(a_4 \dot{u} + a_5 u) - (\alpha_2 \dot{\theta} + \alpha_3 \theta) \mp \\
 & \mp i(\alpha_4 \dot{\theta} + \alpha_5 \theta - \alpha_0 \theta) = \omega^2 \mathbf{a}^* = \omega^2 |\mathbf{a}^*| e^{\pm i \omega t}, \\
 & b_1 \ddot{\theta} + b_2 \dot{\theta} + b_3 \theta \mp i(b_4 \dot{\theta} + b_5 \theta) + (\beta_2 \dot{u} - \beta_3 u) \mp \\
 & \mp i(\beta_4 \dot{u} + \beta_5 u + \beta_0 u) = (1 - j_0) \omega^2 \gamma^* = (1 - j_0) \omega^2 |\gamma^*| e^{\pm i \omega t}
 \end{aligned}$$

Собственные числа этой системы получены численно для типовых конструкций однодискового ротора. Пример частотной диаграммы для постоянного перепада давления показан на рисунке. Критические частоты вращения ротора расположены на линиях $\bar{\omega}_i$, пересечения плоскостей $\bar{s}_i(\theta, \bar{\omega})$ и $\bar{s}(\theta_0, \bar{\omega}) = \bar{\omega}$. Подобные диаграммы построены для $\Delta p = 1,5$ и $\Delta p = 13,3$ МПа, а также для квадратичной зависимости перепада давления от частоты вращения ротора.

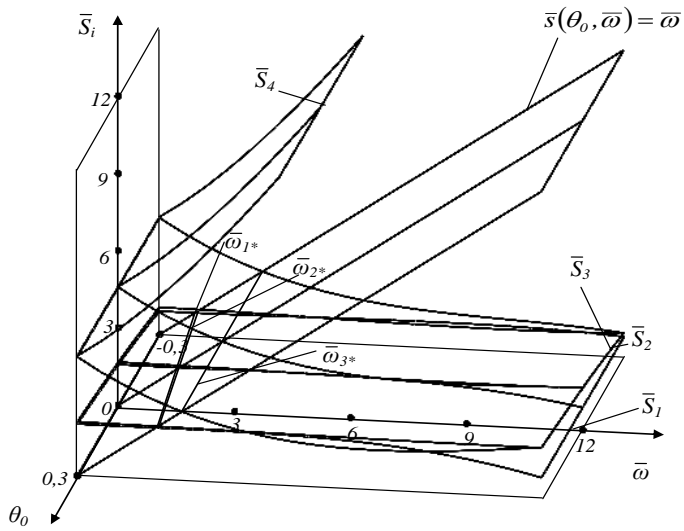


Рисунок 2 – Частотные диаграммы для $\Delta p = 1,5 \text{ МПа}$

Список литературы

1. Марцинковский В.А. Щелевые уплотнения: теория и практика. - Сумы.: Изд-во СумГУ, 2005. – 416 с.

Работа выполнена под руководством профессора Марцинковского В.А